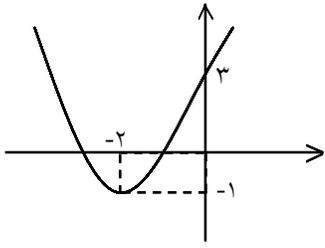


۱- در یک دنباله هندسی مجموع شش جمله‌ی اول  $\frac{19}{27}$  برابر مجموع سه جمله‌ی اول آن است. قدرنسبت این دنباله چه قدر است؟

۲- در یک دنباله حسابی مجموع جمله سوم و ششم و هفتم و دهم برابر ۱۲ است. مجموع ۱۲ جمله‌ی اول این دنباله را بیابید.

۳- اگر  $\alpha$  و  $\beta$  ریشه‌های معادله‌ی  $3x^2 + 8x - 4 = 0$  باشد معادله‌ای بنویسید که ریشه‌های آن  $\frac{1}{\alpha}$  و  $\frac{1}{\beta}$  باشد.

۴- به روش هندسی و جبری معادله  $|x| = \sqrt{2+x}$  را حل نمایید.



۵- معادله‌ی سهمی شکل مقابل را حساب کنید.

۶- صفرهای تابع  $f$  با ضابطه‌ی  $f(x) = (x^2 + 4x)^2 - 2(x^2 + 4x) - 15$  را به دست آورید.

$$\sqrt{x+3} + \sqrt{2-x} = 3$$

۷- معادله‌ی زیر را حل کنید.

$$\frac{x+2}{x-2} + \frac{x-3}{x+3} = \frac{8x+6}{x^2+x-6}$$

۸- معادله‌ی زیر را حل کنید.

۹- تابع  $y = |x - 1| + |x - 4|$  را رسم کنید. سپس تعیین کنید معادله  $|x - 1| + |x - 4| = 5$  چند جواب دارد؟

۱۰- فاصله‌ی نقطه‌ی  $A(1, -2)$  از خط  $6x + 8y = k$  برابر ۳ است. مقدار  $k$  را به دست آورید.

۱۱- مثلث با رئوس  $A\left(-1, \frac{1}{2}\right)$ ,  $B\left(\frac{3}{2}, 1\right)$ ,  $C\left(-\frac{1}{2}, \frac{3}{2}\right)$  مفروض است. معادله میانه  $CM$  را به دست آورید.

۱۲- آیا دو تابع  $f(x) = \sqrt{x} \sqrt{x-1}$  و  $g(x) = \sqrt{x^2 - x}$  با هم مساوی‌اند؟ چرا؟

$$4x^2 + [x] + [-x] = 0$$

۱۳- مقدار  $x$  را حساب کنید. ( $[ ]$  نماد جزء صحیح است.)

۱۴- نمودار تابع  $f(x) = -\sqrt{x} - 2$  را رسم کنید.

۱۵- نمودار تابع  $f(x) = 2[x] - 1$  را در فاصله‌ی  $(-2, 2]$  رسم کنید.

۱۶- اگر  $f(x) = 8 - 2x$  باشد، دامنه‌ی  $h(x) = \sqrt{\frac{2x+1}{f^{-1}(x)}}$  را حساب کنید.

۱۷- فاصله خط  $2y - x = 1$  تا وارون تابع  $f(x) = 2x + 5$  را حساب کنید.

۱۸- ثابت کنید تابع  $y = \frac{1-2x}{1+x}$  یک‌به‌یک است. سپس ضابطه‌ی تابع معکوس آن را به دست آورید.